Math-Net.Ru

Общероссийский математический портал

А. Пиперски, Статистика языка, *Квант*, 2019, номер 11, 9–16

DOI: <https://doi.org/10.4213/kvant20191102>

Использование Общероссийского математического портала Math-Net.Ru подразумевает, что вы прочитали и согласны с пользовательским соглашением
<http://www.mathnet.ru/rus/agreement>

Параметры загрузки:

IP: 34.227.88.159

26 апреля 2023 г., 16:06:00

Статистика языка

А.ПИПЕРСКИ

РАЗВИТИЕ КОМПЬЮТЕРОВ ПРИВЕЛО К созданию больших собраний оцифрованных текстов на разных языках – так называемых лингвистических корпусов. Эти корпуса можно обрабатывать методами математической статистики. Математические модели, порой неожиданно простые, но эффективные, позволяют компьютерным лингвистам предложить человеку и конкретному пользователю решение задач, связанных с автоматической обработкой естественного языка: распознавание речи, определение языка текста и машинный перевод, классификация текстов по темам, извлечение знаний из текста, выделение ключевых слов, анализ тональности текста (т.е. выяснение, содержится ли в нем положительная или отрицательная оценка), обнаружение спама, создание чат-ботов и т.д.

Рассмотрим две задачи – автоматическое определение языка текста и исправление опечаток, хорошие решения которых основаны на анализе частотности отдельных букв и слов, а также их сочетаний в реальных текстах. Удивительно, но такой подход позволяет решать эти задачи, не обладая знаниями ни о грамматических правилах языков, ни о смыслах анализируемых текстов.

Определение языка текста. Предположим, что компьютер получил задание определить, на каком языке написан такой текст:

*При все че математиката е строга наука,
тя има и естетическа страна.*

Эта болгарская фраза означает «При том, что математика – строгая наука, она имеет

и эстетическую сторону». Компьютер не владеет языками, но у него есть список языков, к одному из которых надо отнести этот текст. Будем считать, что круг кандидатов не слишком широк: английский, белорусский, болгарский, немецкий, русский, украинский, французский языки.

Самая простая идея, которая приходит в голову, – определять язык по алфавиту. В нашем случае это кириллица, поэтому сразу можно отбросить английский, немецкий и французский языки. Но этот метод не решит задачу полностью, например, он плохо справляется с русским и болгарским языками: болгарский алфавит – часть русского (в болгарском нет букв Ё, Ы, Э), так что любой болгарский текст можно принять за русский. Соотношение русского и украинского алфавитов сложнее, ни один не является частью другого: в украинском нет буквы Ъ, зато есть буквы для обозначения гласных звуков Є, І, Ї и согласного Ѓ. Но все буквы данной фразы в нем присутствуют. В белорусском нет И (вместо нее используется буква І), поэтому он не подходит. Итак, алфавитный подход с задачей не справляется: осталось три языка-кандидата.

Наличие лингвистических корпусов позволяет анализировать языки, находить характеристики, которые их различают. В частности, «паспортом» языка может служить набор частот, с которыми в среднем встречаются буквы в этом языке.

На частотность букв обратили внимание еще в докомпьютерную эпоху. Например, в телеграфной азбуке Морзе, возникшей в первой половине XIX века, наиболее часто используемым буквам ставили в соответствие более короткие сочетания точек и тире. Так, самые частые в английском языке буквы Е и Т кодируются односимвольно – точкой и тире соответственно. Эти буквы можно встретить и в начале

Из книги «Математическая составляющая» (М.: Математические этюды, 2019).

верхнего ряда стандартной английской раскладки клавиатуры, унаследованной от пишущих машинок, — QWERTY. А в немецкой раскладке привычный глазу ряд заменен на QWERTZ — буква Y в немецком языке встречается существенно реже, чем Z, и сослана на периферию. Еще один пример: в криптографии простые шифры на основе замены букв утратили значение после того, как были изучены частотные характеристики языков. Естественно, в XIX веке подсчеты частотности выполнялись вручную. Теперь же, с появлением лингвистических корпусов, частоты букв или слов можно посчитать на компьютере, причем эти данные будут более точными, объективными.

Если условиться, что русский алфавит состоит из 33 букв и пробела, то окажется, что самый частый символ — это пробел (14,46%), дальше следуют гласные О (9,42%), Е (7,33%), И (6,72%), А (6,52%) и согласные Н (5,83%), Т (5,56%) (см. рисунок). А реже всего встречаются буквы Ф (0,27%), Ъ (0,03%) и Ё (0,01%). Конечно, в каждом конкретном тексте частоты могут отличаться от приведенных, но эти отклонения будут несущественными. А вот в болгарском языке частоты букв будут другими. Первыми после пробела идут те же четыре гласные, что и в

русском, но в обратном порядке: А, И, Е, О. Буква Ъ в русском языке — редкость, а в болгарском употребляется в разы чаще: она обозначает особый гласный звук типа краткого «а» и встречается даже в самом слове *български*. Последней по частотности буквой является Ь. Все это показывает, что частотность букв действительно является индивидуальной характеристикой языка.

В компьютерном анализе (например, при определении языка) текст — это последовательность букв. В простейшей модели принимается, что каждая буква в этой последовательности появляется независимо от предыдущих, т.е. текст рассматривается как цепь независимых случайных событий: «прочитав» несколько букв, читатель не знает, что ждет его дальше. Вследствие независимости вероятность встретить данную последовательность букв в выбранном языке равна произведению вероятностей (частот) появления букв в этом языке.

Зная частотности букв для каждого из трех языков-претендентов, можно найти вероятность появления всей фразы (см. таблицу).

Получается, что вероятность случайного появления этой фразы в болгарском языке в 300 раз больше, чем в русском, и в

	П	Р	И	—	В	С	...	
Болгарский	0,025	· 0,044	· 0,076	· 0,163	· 0,038	· 0,043	· ...	$\approx 4,0 \cdot 10^{-80}$
Русский	0,024	· 0,043	· 0,067	· 0,145	· 0,039	· 0,048	· ...	$\approx 1,4 \cdot 10^{-82}$
Украинский	0,024	· 0,039	· 0,055	· 0,157	· 0,045	· 0,034	· ...	$\approx 1,2 \cdot 10^{-85}$

300000 раз больше, чем в украинском. Если о происхождении фразы нет априорной информации, то языки-кандидаты считаются равноправными. Это позволяет сравнивать вероятности появления фразы в разных языках, представив их более привычно, в процентах:

болгарский – 99,65%, русский – 0,3497%, украинский – 0,0003%.

Следовательно, выбрав вариант с максимальной вероятностью, в данном примере получим правильный ответ: фраза написана по-болгарски. Любопытно, что такой простой алгоритм неплохо сработал даже на тексте небольшой длины. Но так бывает не всегда. Например, для названия книги *Математическая составляющая* получается неожиданный результат:

болгарский – 51,55%, русский – 40,75%, украинский – 7,7%.

Симпатия этого алгоритма к болгарскому языку объяснима и носит общий характер: в нем меньше букв, чем в русском или украинском языках, а значит, частотность отдельной буквы будет в среднем чуть больше. Поэтому большинство текстов алгоритм сочтет болгарскими.

Точность определения языка текста можно повысить, если рассматривать не частоты букв по отдельности, а частоты комбинаций символов некоторой длины. Дело в том, что, в отличие от примененной выше простейшей модели, буквы в реальном тексте не независимы: на самом деле каждая буква зависит от предшествующих, по крайней мере – от предыдущей. Так, по правилам русского языка после Ъ могут идти только буквы Е, Ё, Ю или Я. В болгарском после Ъ можно встретить и букву Л, причем это в 10 раз вероятнее, чем встреча с Е, Ю и Я, вместе взятыми. А в украинском И почти не используется после пробела – значит, наша первая фраза со словами *има и* едва ли может быть украинской.

Эту идею академик Андрей Андреевич Марков (1856–1922) воплотил в математической модели, которая в его честь получила название «цепь Маркова». Он изучил распределение гласных и согласных в

последовательности из 20000 букв в романе «Евгений Онегин» (первая глава и начало второй). Основной вывод гласил: «Мы видим, что вероятность букве быть гласной значительно изменяется, в зависимости от того, предшествует ей гласная или согласная». Подсчеты А.А.Маркова показали, что общая доля гласных – 43,2%, но вероятность встретить гласную после гласной уменьшается до 12,8%, а после согласной – возрастает до 66,3%.

Получается, что в реальном тексте имеем дело не с вероятностями независимых случайных событий, а с условными вероятностями последовательно происходящих событий. В марковской модели будущее зависит от настоящего, а вот прошлое можно не анализировать: его влияние заложено в настоящем. Житейский пример: предсказывая погоду на завтра, можно ориентироваться на сегодняшнюю. Зимняя гроза – редкое явление, так что если сегодня гроза, то завтрашний день может оказаться и солнечным, и дождливым, но вряд ли выпадет снег. С другой стороны, если сегодня идет снег, то увидеть завтра грозу – маловероятно.

Марковские цепи как математический инструмент можно использовать для анализа распределения не только гласных и согласных в данном языке, но и для всех пар букв алфавита. Зависимость буквы от предшествующей заметить несложно. Например, в русском языке среди пар, начинающихся с буквы З, наиболее вероятны сочетания ЗА (29,67%), ЗН (10,18%), З␣ (пробел после З; 8,36%), а после буквы А те же символы А, Н, ␣ дают совсем другие результаты: АА (0,03%), АН (9,56%), А␣ (20,36%).

Для решения задачи определения языка текста можно сравнивать частотные характеристики пар из одинаковых символов в разных языках. Например, тройки лидеров среди пар, начинающихся с буквы З: в русских текстах – ЗА, ЗН, З␣; в украинских – ЗА, З␣, ЗН; в болгарских – ЗА, ЗИ, ЗВ.

Зная частоты всевозможных пар, можно в каждом из языков-кандидатов найти вероятность в марковской модели словосо-

Русский язык

Болгарский язык

Украинский язык

Частотность букв действительно является отличительной и притом наглядной характеристикой языка. Здесь приведены гистограммы для трех славянских языков.

четания *Математическая составляющая*, которое рассматривается как последовательность пар: $\sqcup M$ (буква М является началом слова), МА, АТ, ТЕ, ЕМ и т.д. Вероятность всего словосочетания находится как произведение вероятностей этих пар. Результаты (округленные) дают ответ на вопрос, где могла появиться такая

книга: болгарский – 0,06%, русский – 99,94%, украинский – 0,00003%.

А для фразы, с которой начался разговор (*При все че математиката...*), степень уверенности у марковской модели почти абсолютная: вероятность, что эта фраза написана по-болгарски, равна 99,99991%!

Частотность последовательностей из двух (а лучше даже трех) букв – очень точная характеристика языка. Приведенный метод – основа всех применяемых определителей языка, самый известный – модуль в Google Translate. Получается, что для решения этой лингвистической задачи не требуется знание языков, работает чистая статистика.

Исправление опечаток. Текстовые редакторы и смартфоны решают эту задачу методами, сходными с использовавшимися в задаче определения языка. Только теперь сравниваются частоты не букв, а слов и их последовательностей в выбранном языке.

Предположим, что пользователь ввел фразу:

Его руква немного болит,

а задача компьютера – найти и исправить в ней опечатки. Человеку сразу понятно, что опечатка допущена в слове *руква*, а должно быть написано слово *рука*. Попробуем научить этому и компьютер, используя гигантский лингвистический корпус русскоязычных текстов общей длиной 16 миллиардов слов.

На первом этапе отыщем подозрительные слова: такие слова, которые либо отсутствуют в корпусе, либо встречаются там очень редко, скажем, для определенности – не более 100 раз (причиной возникновения в корпусе таких слов могут быть опечатки). А слова, которые встречаются более 100 раз, составляют словарь.

Вот сведения о частотах наших четырех слов в корпусе: *его* – 46643493, *руква* – 50, *немного* – 3475296, *болит* – 203993. По принятой договоренности алгоритм решает, что в слове *руква* допущена опечатка.

На втором этапе определим набор слов, одно из которых, возможно, хотел ввести пользователь. Очевидно, что эти слова должны быть похожими, близкими в каком-то смысле к слову *руква*: вряд ли человек хотел напечатать *локоть*, а получилась *руква*.

Для измерения близости слов в лингвистике обычно используется расстояние Дамерау–Левенштейна (названное в честь

американского лингвиста и российского математика). Это расстояние равно минимальному числу «шагов», необходимых для превращения одного слова в другое. Такими шагами являются типовые, стандартные ошибки при наборе текста: замена одной буквы на другую, добавление или удаление буквы, перестановка соседних букв.

Например, расстояние между словами *собака* и *кошка* равно 3: замена *с* на *к* (получится *кобака*); замена *б* на *ш* (*кошака*); удаление первой *а* (*кошка*). Есть и другой путь длины 3: *собака* → *соака* → *сошка* → *кошка*. Но осуществить превращение меньше чем за 3 шага не удастся.

Такое расстояние между словами обладает всеми привычными свойствами расстояния между точками на плоскости: неотрицательность, симметричность (расстояние от *собака* до *кошка* равно расстоянию от *кошка* до *собака*), справедливо неравенство треугольника. Теперь можно формализовать ощущение, что слово *руква* легко получается из слова *рука*, но не из слова *локоть*: расстояние Дамерау–Левенштейна от *рука* до *руква* равно 1, а от *локоть* до *руква* – 5.

Опечаток в одном слове обычно немного, чаще всего одна. Найдем в словаре все слова, которые отстоят от подозрительного слова *руква* на расстояние 1. Слова-кандидатов не так много: *рука* (удаление *в*), *рукав* (перестановка *а* и *в*), *буква* (замена *р* на *б*) и *рукава* (добавление *а*). На этом можно остановиться и предложить пользователю список кандидатов – пусть выбирает сам. Именно так работает, например, проверка орфографии в Microsoft Word.

Но компьютер может пойти дальше и попробовать исправить опечатку, т.е. выбрать самого вероятного кандидата и предложить его пользователю (так поступает Google Docs), а может и сам подставить его в предложение (так обычно работают модули в смартфонах, «помогающие» набирать текст). Этот выбор единственного кандидата – следующий этап алгоритма, который можно реализовывать по-разному.

Простейшее, но неплохо работающее решение – выбрать самое частотное слово. Частоты слов-кандидатов в корпусе таковы: *рука* – 350883, *рукава* – 126817, *буква* – 107262, *рукав* – 66094. Как видно, в примере *Его рукава немного болит* такой автоматический выбор совпадает с человеческим.

А вот во фразах

Здесь написана неправильная рука

и

У меня рукава порвался

простейшее решение – заменить *рука* на *рука* – будет ошибочным. Чтобы алгоритм работал более «разумно», надо каким-то образом учитывать слова в контексте фразы. И здесь на помощь снова приходят марковские цепи.

Воспользуемся идеей, которая применялась в анализе по буквам, и попробуем предсказать следующее слово по последнему из виденных. Например, слово *неправильная* встречается в корпусе 50267 раз; пары *неправильная рукава* и *неправильная рукав* в корпусе отсутствуют, *неправильная рука* встречается 4 раза, *неправильная буква* – 53 раза. На примере фразы *Здесь написана неправильная рукава* видно, что метод выбора самой частотной пары соседних слов более эффективный, чем простейший алгоритм.

Дальнейшее улучшение алгоритма состоит в том, что учитываются и слово, идущее перед подозрительным словом, и слово, идущее после него. Определяются частоты обеих пар, найденные вероятности перемножаются. На примере фразы *У меня рукава порвался* даже без статистических данных видно, что после сравнения произведений вероятностей пар выбор наибольшего выглядит достоверным решением:

(*меня рука*) · (*рука порвался*);
 (*меня рукава*) · (*рукава порвался*);
 (*меня буква*) · (*буква порвался*);
 (*меня рукав*) · (*рукав порвался*).

Получается хорошо работающее исправление опечаток.

Разумеется, и этот алгоритм можно и нужно совершенствовать. Во-первых, ве-

роятности одношаговых опечаток отличаются: например, перестановка соседних букв в слове значительно вероятнее, чем замена буквы на удаленную от нее на клавиатуре (скажем, заменить *б* на *р* не так-то просто). Во-вторых, можно встретиться с правильным, имеющим смысл словосочетанием, которое отсутствует в корпусе, и тогда произведение вероятностей будет равно нулю (пример: словосочетание *работающее исправление*, которое мы использовали в конце предыдущего абзаца, в корпусе пока отсутствует). В-третьих, рассмотренный вариант марковской цепи связывает слово только с ближайшими соседями, хотя в языке встречаются зависимости и на далеких расстояниях. Например, во фразе *Рукава у рубашки, которую Вася купил в аэропорту, оказались слишком короткими*, выбирая на замену *рукав* или *рукава*, придется опираться не на соседние, а на далекие слова *оказались* и *короткими*. В-четвертых, сделав опечатки, можно получить фразу со словами из словаря, но ошибочную: например, *У меня лукав порвался*. Алгоритм такую фразу ни в чем не заподозрит. Впрочем, усложнение алгоритма позволяет справиться с подобными затруднениями.

Компьютерная лингвистика. Лингвистические корпуса – фундамент компьютерной лингвистики, неисчерпаемый источник сведений о языке. Их анализируют и профессионалы – лингвисты и компьютерные специалисты, и начинающие исследователи. Даже школьник может самостоятельно написать программу для поиска и проверки закономерностей в языковых массивах.

Самый известный ресурс для русского языка – это Национальный корпус русского языка (НКРЯ, <http://www.ruscorpora.ru>), в основной части которого содержится 283 миллиона слов, а всего – около 600 миллионов слов. Корпус Araneum Russicum Maximum (<http://unesco.uniba.sk>), объемом 16 миллионов слов, мы использовали для определения частоты слов при исправлении опечаток. Он состоит из текстов, собранных

Частотность важна в реальной деятельности, например в прикладной лингвистике и криптологии (в ней две ветви: криптография и криптоанализ), встречается и в беллетристике.

Рассказ Эдгара По «Золотой жук» (1843) – одно из первых популярных (и художественных!) изложений как реального способа шифрования методом подстановки, замены букв какими-то знаками, так и метода его расшифровки – частотного анализа. А в 1903 году Артур Конан Дойл в серии историй о Шерлоке Холмсе опубликовал рассказ «Пляшущие человечки», математически весьма схожий с «Золотым жуком».

из интернета, а это очень важный способ создания современных лингвистических ресурсов: ведь в сети лежит множество доступных текстов. К сожалению, эти корпуса нельзя сохранить на своем компьютере, и возможности пользователя ограничены веб-интерфейсом. На помощь приходят другие источники: так, определение языка проводилось на основе свободно распространяемых корпусов из проекта Universal Dependencies (<http://universaldependencies.org>), где в едином формате представлены данные 70 языков.

Понятно, что частота отдельных слов и их сочетаний существенно зависит от набора текстов, включенных в корпус. У корпуса художественных текстов и корпуса текстов новостных – разный «словарный запас». Универсального, правильного корпуса для языка не существует, но надо научиться даже из отдельных, так или иначе «окрашенных» корпусов извлекать общие свойства, черты, особенности данного языка. Это желание вызывает в памяти восклицание основателя палеонтологии Жоржа Кювье: «Дайте мне одну кость, и я восстановлю животное!» По сути – это те задачи, из которых и родилась математическая статистика: как получить представление о ненаблюдаемом целом по некоторой выборке. И для их решения были созданы методы, более продвинутые, чем простой подсчет частот.

Один из приемов – усреднение, согласование значений частот по разным фраг-

ментам корпуса, чтобы уменьшить влияние отдельных текстов. Например, частотность слова *якорь* в текстах НКРЯ, распределенных по десятилетиям, с 1970 года до наших дней, выглядит странно: 1970-е – встречается 160 раз на миллион; 1980-е – 6,8; 1990-е – 8,4; 2000-е – 6,6; 2010-е – 6,7. Причина аномалии – включенная в НКРЯ «Книга о якорях», изданная в 1973 году. В ней одно слово *якорь* встречается 1769 раз, а в остальном корпусе – только 2896. Полученная простым подсчетом частотность слова *якорь* по всему массиву – 21,9 на миллион – явно завышенная. Но если упорядочить значения частот по десятилетиям и взять число из середины списка (медиану), то получится более реальный результат: 6,8 на миллион. Можно учитывать и дисперсию, т.е. оценивать разбросанность значений: как часто и на сколько они отклоняются от среднего значения. Такой метод применял еще А.А.Марков, работая с текстом «Евгения Онегина»: он проверял устойчивость, независимость своих результатов от способов подсчета. Более сложные методы используются для предсказания «настоящих», истинных частот сочетаний слов: надо уметь отличать те, что в корпусе не встретились, но в принципе вполне возможны, от тех, что не встретились, потому что практически невозможны.

В заключение отметим, что автоматическая обработка языка начала активно развиваться в 1950-е годы. В частности, первое время машинный перевод основывался на созданных вручную правилах, предписывавших, как именно переводить то или иное словосочетание при определенных условиях. Постепенно выяснилось, что сочинение правил требует огромных затрат человеческого труда, а работают они все равно плохо.

Поэтому в конце 1980-х годов на первый план в автоматической обработке естественного языка вышел статистический подход: посмотрим, как похожие задачи решались до нас человеком, и найдем решение, комбинируя его из готовых частей. Это стало возможным после появления лингвистических корпусов. Методы,

рассмотренные нами на примерах, прежде всего частотность букв, слов и сочетаний, стали основой решения задач компьютерной лингвистики, перечисленных в начале статьи. Интересно, но временами создается впечатление, что алгоритмы и программы, основанные на статистическом подходе, в какой-то мере освоили язык.

Например, эффективность применения марковских цепей неявно связана с грамматикой и структурой языка. В примере со словосочетанием *Математическая составляющая* при выборе одного из трех языков помогла, в частности, высокая частотность сочетания *ая* в русском языке. Дело в том, что в русском языке в женском роде встречается окончание *-ая*, причем часто, а в болгарском и украинском в такой форме было бы просто *-а*.

В XXI веке математика предложила но-

вые подходы к автоматической обработке языка. Бурное развитие искусственных нейронных сетей, обучаемых на огромных массивах входных данных, дало возможность решать самые разные задачи компьютерной лингвистики. А принципы работы нейронных сетей еще больше приближают компьютер к тому, что можно назвать пониманием естественных языков. На данном этапе компьютерная лингвистика все больше превращается в одну из разновидностей машинного обучения. Но если мы хотим разобраться с тем, что же происходит при обработке текстов искусственными нейронными сетями, нужен именно лингвистический взгляд. Лингвистика как наука необходима и для более полного использования возможностей уже существующих инструментов, и для построения новых математических моделей.

«Математические этюды» выпустили второе, расширенное и дополненное издание книги «Математическая составляющая». Редакторы-составители книги Н.Н.Андреев, С.П.Коновалов, Н.М.Панюнин; художник-оформитель Р.А.Кокшаров.

В сюжетах, собранных в книге, рассказывается как о математической «составляющей» крупнейших достижений цивилизации, так и о математической «начинке» привычных, каждодневных вещей. Все авторы — известные ученые. Увлекательный, популярно-описательный стиль изложения делает материалы книги доступными для широкого круга читателей. Сборник богато иллюстрирован.

Первое издание стало лауреатом премии «Просветитель» (2015), отмечено Золотой медалью РАН за выдающиеся достижения в области пропаганды научных знаний (2017).

Во втором издании представлены новые авторы и новые сюжеты. Объем книги вырос более чем вдвое. По сути — это новая книга, выполненная в зарекомендовавшем себя стиле. Основные части книги дополнены разделами «Книжная полка», «Дополнения, комментарии, литература», «Указатель». На «Книжной полке» представлены проверенные временем книги, дающие возможность читателю получить более глубокое и всестороннее представление о мире математики. В разделе «Дополнения, комментарии, литература» развиваются и обсуждаются темы, рассмотренные в основных частях книги. Раздел «Указатель» предметно классифицирует сюжеты книги; в нем отражены и области математики, и используемые термины.

Книга издается по решению Ученого совета Математического института имени В.А.Стеклова Российской академии наук.