

where $\varsigma \in M$. Then the $f(z)$ functions identically equal to zero.

- [1] Привалов И. И. Граничные свойства аналитических функций. Москва.: Гостехиздат, 1950.
- [2] Кусис П. Введение в теорию пространств H^p . Москва.: Мир, 1984.
- [3] Sadullayev A., Jabborov N. M. On a class of A-analytic functions//J. Sib. Fed. Univ. Math. Phys., 2016. Volume 9, Issue 3. 374-383 p.

Один случай задачи Римана для обобщенных аналитических функций с сингулярным коэффициентом

@ Шабалин П.Л., Фаизов Р.Р.

Казанский государственный архитектурно-строительный университет,
г.Казань, Россия.

В плоскости \mathbb{C} комплексного переменного $z = x + iy = re^{i\theta}$ рассмотрим верхнюю полуплоскость $E^+ = \{z : \text{Im } z > 0\}$, нижнюю полуплоскость $E^- = \{z : \text{Im } z < 0\}$, и вещественную ось $\Gamma = \{z : \text{Im } z = 0\}$. В областях E^+ или E^- рассмотрим обобщенную систему Коши-Римана

$$\partial_{\bar{z}}U - A(z)U = F(z), \quad A(z) = \frac{a(z)}{\bar{z} + z}, \quad a(z), F(z) \in C(\overline{\mathbb{C}}). \quad (1)$$

Следуя [1],[2] мы будем предполагать, что для $A(z)$ существует такая аналитическая в E^+ (E^-) функция $a_0^+(z)$ ($a_0^-(z)$), что

$$A_0^\pm(z) := \frac{a(z) - a_0^\pm(z)}{\bar{z} + z} \in L^p(E^\pm), \quad F(z) \in L^p(E^\pm), \quad p > 2.$$

Граничные значения функций $a_0^\pm(z)$, т.е. функции $a_0^+(t)$, $a_0^-(t)$ будем считать непрерывными по Гёльдеру на вещественной оси Γ , включая окрестность бесконечно удаленной точки.

Кроме того, на функции $a_0^\pm(z)$ дополнительно налагаем следующие ограничения:

$$|a_0^\pm(z) - a_0^\pm(-\bar{z})| \leq K(x, y)(|z + \bar{z}|^\alpha), \quad \alpha < 1,$$

$$a_0^\pm(x) = a_0^\pm(\infty) + O(|x|^{-\beta}), \quad \pm x \rightarrow +\infty, \quad \beta > 0;$$

кроме того, положим что $a_0^\pm(0) = \beta_0^\pm + i\beta_0^\pm$, $a_0^\pm(\infty) = \beta_\infty^\pm + i\beta_\infty^\pm$. Привлекая идеи работ [1],[2] выведем формулу общего решения системы (1):

$$U^\pm(z) = e^{\Omega^\pm(z)}[(T(e^{-\Omega^\pm}F^\pm))(z) + \phi^\pm(z)], \quad z \in E^\pm, \quad (2)$$

$$\Omega^\pm(z) = (TA_0^\pm)(z) + \frac{1}{2\pi i} \int_{\Gamma} \frac{a_0^\pm(t) \ln |t + \bar{t}|}{t - z} dt + a_0^\pm(z) \ln |z + \bar{z}|.$$

Здесь $\phi^+(z), \phi^-(z)$ — произвольные функции аналитические в областях E^+, E^- соответственно, $(TA_0^\pm)(z)$ — оператор Векуа. Для функций $U^\pm(z)$, удовлетворяющих уравнению (1) в E^+ и E^- , рассмотрим задачу Римана

$$U^+(t) = G(t)U^-(t) + g(t), \quad t \in \Gamma, \quad (3)$$

с непрерывными по Гельдеру всюду на оси Γ , включая бесконечно удаленную точку, коэффициентом $G(t)$ и правой частью $g(t)$. Данная задача сводится к краевой задаче Римана для функций $\phi^\pm(z)$ аналитических в E^+ и E^- с двумя точками завихрения логарифмического порядка. В классе ограниченных аналитических функций получена формула общего решения, которая с использованием формул (2) приводит к решению задачи (3). Проведено полное исследование картины разрешимости этой задачи.

- [1] Раджабов Н.Р. Интегральные представления и граничные задачи для обобщенной системы Коши–Римана с сингулярной линией // Докл. АН СССР, **267:2** (1982), 300–305.
- [2] Солдатов А.П., Расулов А.Б. Краевая задача для обобщённого уравнения Коши–Римана с сингулярными коэффициентами // Дифференциальные уравнения, **52:(5)** (2016), 637–650.

Омбилическая особенность решения системы уравнений одномерной газовой динамики

@ Шавлуков А.М.

Башкирский государственный университет, г.Уфа, Россия
Институт математики с ВЦ РАН, г. Уфа, Россия

Рассматривается типичная (с точки зрения математической теории катастроф) омбилическая особенность решения системы уравнений одномерной газовой динамики

$$\begin{cases} u_t + uu_x + \alpha(\rho)\rho_x = 0, \\ \rho_t + (\rho u)_x = 0, \end{cases} \quad (1)$$

где функция $\alpha(\rho) = \frac{p_\rho}{\rho}$ раскладывается в ряд Тейлора в окрестности точки $\rho_* > 0$. Здесь $p(\rho)$ — уравнение состояния газа, $\rho > 0$.

В терминах инвариантов Римана

$$r = u + \int_0^\rho \frac{c}{\rho} d\rho, \quad l = u - \int_0^\rho \frac{c}{\rho} d\rho, \quad c^2 = p_\rho, \quad (2)$$